

**Omvouwen van een hoek papier, een benadering met gonio**  
**Rob van Oord**

Oplossing  $O'(x) = 0$  bij twee keer vouwen.

$O'(x) = 0$  oplossen:

$$\frac{1}{4\sqrt{2}}(2x\sqrt{2} + \frac{4x^2 - 360x + 3600}{\sqrt{2x^2 - 240x + 3600}}) = 0 \text{ geeft } 2x\sqrt{2} \cdot \sqrt{2x^2 - 240x + 3600} = -(4x^2 - 360x + 3600)$$

Kwadrateren:

$$8x^2 \cdot (2x^2 - 240x + 3600) = (4x^2 - 360x + 3600) \cdot (4x^2 - 360x + 3600)$$

Haakjes uitwerken:

$$16x^4 - 1920x^3 + 28800x^2 = 16x^4 - 2880x^3 + (2880 + 129600)x^2 - 2592000x + 12960000$$

Op nul herleiden:

$$960x^3 - 129600x^2 + 2592000x - 12960000 = 0$$

Delen door 960:

$$x^3 - 135x^2 + 2700x - 13500 = 0$$

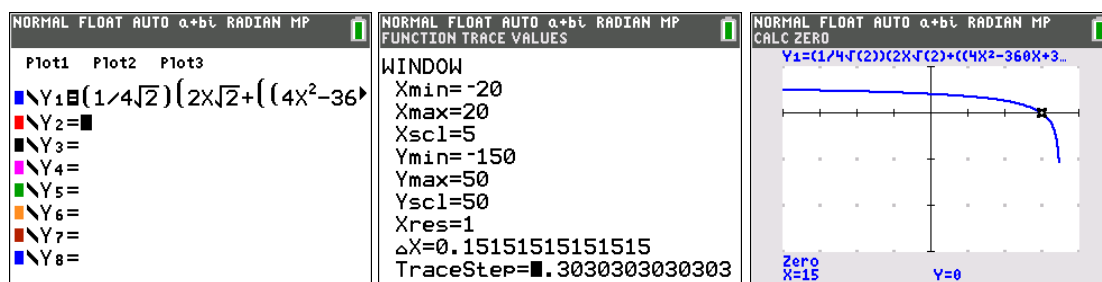
Ontbinden met factor  $x - 15$ :

$$\begin{array}{r} x - 15 \mid x^3 - 135x^2 + 2700x - 13500 \\ \underline{x^3 - 15x^2} \phantom{+ 2700x - 13500} \\ -120x^2 + 2700x \phantom{- 13500} \\ \underline{-120x^2 + 1800x} \phantom{- 13500} \\ 900x - 13500 \\ \underline{900x - 13500} \\ 0 \end{array}$$

De deling komt uit dus  $O'(x) = 0$  leidt tot  $(x - 15)(x^2 - 120x + 900) = 0$

Een oplossing van  $O'(x) = 0$  is dus  $x = 15$ .

Dit vermoeden ontstond door met de GR CALC ZERO bij  $O'(x)$  te zoeken:



Er zijn nog twee oplossingen van  $x^2 - 120x + 900 = 0$ . Maar die vervallen.