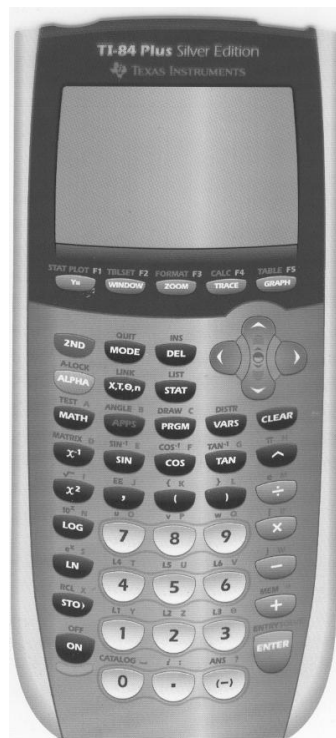


## Werken met de grafische rekenmachine

---

1	Plot de grafiek	blz. 2
2	Schets de grafiek of teken een globale grafiek	blz. 2
3	Teken de grafiek	blz. 2
4	Het berekenen van snijpunten	blz. 3
5	Het berekenen van maxima en minima	blz. 3
6	Het berekenen van snijpunten met de x-as	blz. 4
7	Richtingscoëfficiënt van een raaklijn	blz. 4
8	Raaklijn tekenen en vergelijking opstellen	blz. 4
9	Exacte waarden berekenen	blz. 5
10	Hellinggrafieken plotten	blz. 5
11	Permutaties	blz. 5
12	Faculteit	blz. 5
13	Combinaties	blz. 5
14	Binomiale kansen	blz. 6
15	Cumulatieve binomiale kansen	blz. 6
16	Oppervlakte onder normaalkrommen berekenen	blz. 6
17	De grens berekenen bij de aangegeven oppervlakte	blz. 6
18	Kansen bereken bij een normale verdeling	blz. 7
19	Berekenen van het gemiddelde bij een normale verdeling	blz. 7
20	Berekenen van het gemiddelde en de standaardafwijking	blz. 7
21	Wetenschappelijk notatie instellen	blz. 8
22	Afronden op de GR	blz. 8
23	Het gebruik van lettergeheugens	blz. 8



### 1 Plot de grafiek



### Wat moet je doen

Plot de grafiek van  $y = x^2 - 4x - 4$

- 1 Voer de formule in.  
(GR notaties gebruiken)
- 2 Venster instellen  
(alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)

### Uitwerking in je schrift

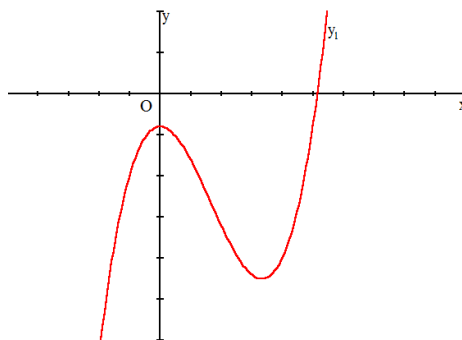
Voer in:  $y_1 = x^2 - 4x - 4$   
Venster:  $[-5, 10] \times [-10, 10]$

### 2 Schets de grafiek of teken een globale grafiek

Schets de grafiek van  $y = x^3 - 5x^2 - 4$

- 1 Voer de formule in.  
(GR notaties gebruiken)
- 2 Venster instellen .  
(Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)
- 3 Teken een schets van de grafiek in je schrift **met potlood en geodriehoek**. De vorm en de ligging t.o.v. de assen zijn van belang .
- 4 Vermeld O, x en y bij de assen
- 5 Vermeld de naam van de grafiek

Voer in :  $y_1 = x^3 - 5x^2 - 4$  (oude notatie)  
of  
Voer in:  $y_1 = x^3 - 5x^2 - 4$   
Venster:  $[-5, 10] \times [-30, 10]$



### 3 Teken de grafiek

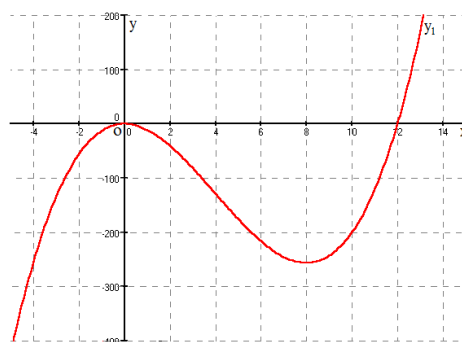
Teken de grafiek van  $y = x^3 - 12x^2$

- 1 Voer de formule in.  
(GR notaties gebruiken)
- 2 Venster instellen .  
(Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)
- 3 Maak met behulp van de GR een tabel.
- 4 Teken nauwkeurig de grafiek **met potlood en geodriehoek**.
- 5 Vermeld O, x en y bij de assen en de **schaalverdeling** met getallen
- 6 Vermeld de naam van de grafiek.

Voer in:  $y_1 = x^3 - 12x^2$  (oude notatie)  
of  
Voer in  $y_1 = x^3 - 12x^2$   
Venster  $[-5, 15] \times [-400, 200]$

[TABLE]

$x$	-2	0	2		
$y = x^3 - 12x^2$	-56	0	-40		
	6	8	10	12	14
	-216	-256	-200	0	392



#### 4 Het berekenen van snijpunten

##### Wat moet je doen

Bereken het snijpunt van de lijnen  $y = -3x + 15$  en  $y = -x + 7$ .

- 1 Voer de formules in.  
(GR notaties gebruiken)
- 2 Venster instellen.  
(Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)
- 3 Teken een schets van de grafiek in je schrift met potlood en geodriehoek.  
De vorm en de ligging t.o.v. de assen zijn van belang.
- 4 Vermeld O, x en y bij de assen
- 5 Vermeld de naam van de grafiek
- 4 Bepaal het snijpunt

Los op:

$$x^2 = -3x + 1$$

Rond in het antwoord af op twee decimalen.

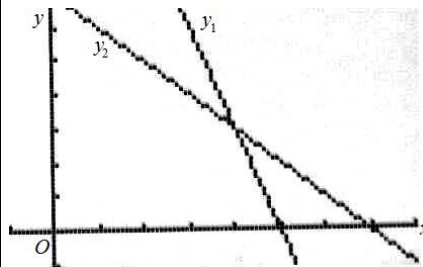
- 1 Voer de formules in.  
(GR notaties gebruiken)
- 2 Venster instellen.  
(Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)
- 3 Schets maken.
- 4 Bepaal de x-coördinaten van de snijpunten

##### Uitwerking in je schrift

Voer in  $y_1 = -3x + 15$

$y_2 = -x + 7$

Venster  $[-1,8] \times [-1,7]$

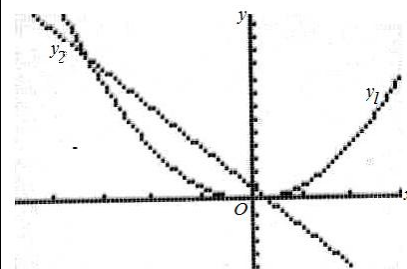


[CALC] intersect geeft  $x = 4$  en  $y = 3$   
Dus het snijpunt is  $(4,3)$ .

Voer in  $y_1 = x^2$

$y_2 = -3x + 1$

Venster  $[-5,3] \times [-5,15]$



[CALC] intersect geeft  
 $x = -3,3027\dots$  en  $x = 0,3027\dots$   
Dus  $x = -3,30 \vee x = 0,30$

#### 5 Het berekenen van maxima en minima

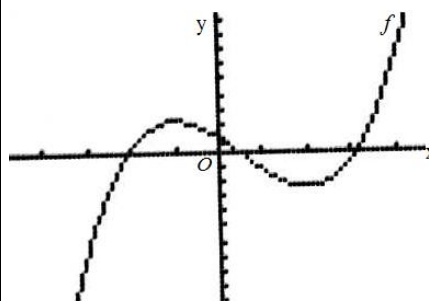
Bereken de extreme waarden van de functie  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$ .

- 1 Voer de formules in.  
(GR notaties gebruiken)  
Invoeren breuk doe je met [ALPHA][F1] n/d
- 2 Venster instellen.  
(Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)
- 3 Schets maken
- 4 Bepaal het minimum en het maximum.

Voer in:  $y_1 = (1/3)x^3 - (1/2)x^2 - 2x + 1$  (oud) of

$$y_1 = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$$

Venster:  $[-5,5] \times [-10,10]$

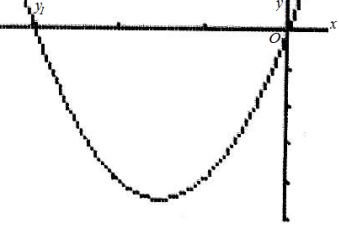
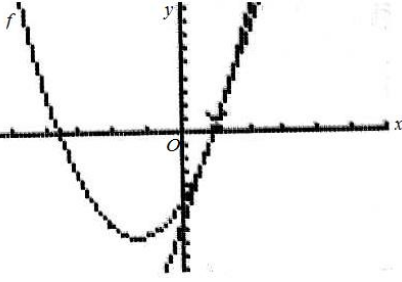


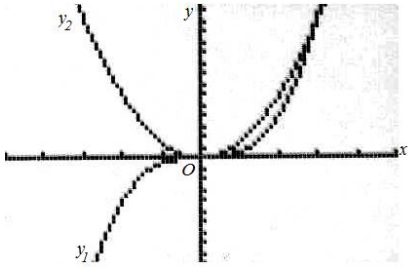
[CALC] minimum geeft  $x = 2$  en  $y = -2\frac{1}{3}$

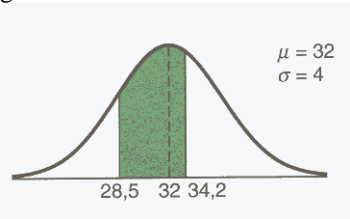
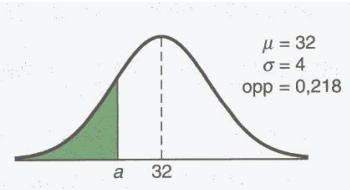
[CALC] maximum geeft  $x = -1$  en  $y = 2\frac{1}{6}$

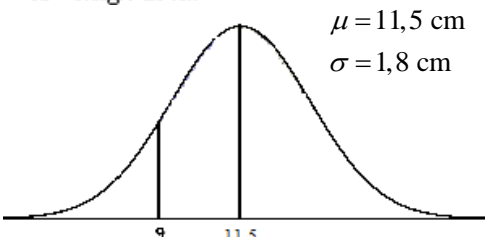
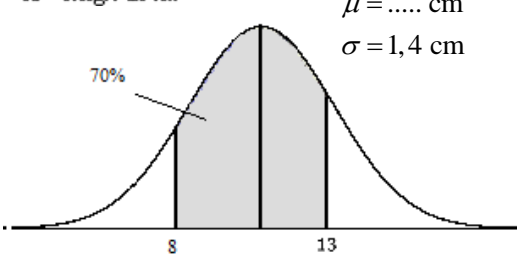
Dus het minimum is  $f(2) = -2\frac{1}{3}$  en het

maximum is  $f(-1) = 2\frac{1}{6}$

<p><b>6 Het berekenen van snijpunten met de x-as</b></p>	<p><b>Wat moet je doen</b></p> <p>Bereken de snijpunten van de de functie <math>f(x) = x^2 + 30x</math> met de x-as</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 Voer de formules in. (GR notaties gebruiken)</li> <li>2 Venster instellen. (Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)</li> <li>3 Schets maken</li> <li>3 Bepaal de snijpunten met de x-as.</li> </ol>	<p><b>Uitwerking in je schrift</b></p> <p>Voer in <math>y_1 = x^2 + 30x</math> of <math>y_1 = x^2 + 30x</math> Venster <math>[-35,5] \times [-250,50]</math></p>  <p>[CALC] zero geeft <math>x = -30</math> en <math>y = 0</math> <math>x = 0</math> en <math>y = 0</math> Dus de snijpunten zijn <math>(-30,0)</math> en <math>(0,0)</math>.</p>
<p><b>7 Richtingscoëfficiënt van een raaklijn</b></p>	<p>Gegeven is de functie <math>f(x) = 0,5x^2 - 2x - 1</math></p> <p>Bereken de richtingscoëfficiënt van de raaklijn in het punt A met <math>x_A = 5</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 Voer de formule in. (GR notaties gebruiken)</li> <li>2 Venster instellen. (Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)</li> <li>3 Bepaal de richtingscoëfficiënt</li> </ol>	<p>Voer in <math>y_1 = 0.5x^2 - 2x - 1</math> Venster <math>[-10,10] \times [-10,10]</math></p> <p>[CALC] optie 6 geeft <math>\left[ \frac{dy}{dx} \right]_{x=5} = 3</math>.</p> <p>De gevraagde richtingscoëfficiënt is 3.</p>
<p><b>8 Raaklijn schetsen en vergelijking opstellen</b></p>	<p><b>Wat moet je doen</b></p> <p>Gegeven is de functie <math>f(x) = 1,5x^2 + 4x - 5</math></p> <p>Schets de raaklijn in het punt A met <math>x_A = 1</math> en geef de formule van de raaklijn</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 Voer de formule in. (GR notaties gebruiken)</li> <li>2 Venster instellen. (Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)</li> <li>3 Voer raaklijn in</li> <li>4 Maak een schets</li> <li>5 Noteer formule</li> </ol>	<p><b>Uitwerking in je schrift</b></p> <p>Voer in <math>y_1 = 1.5x^2 + 4x - 5</math> Venster <math>[-6,6][[-10,10]</math> [DRAW] Tangent (1)</p>  <p>De vergelijking van de raaklijn is <math>y = 7x - 6,5</math></p>

	<b>Wat moet je doen</b>	<b>Uitwerking in je schrift</b>
<b>9 Exacte waarden berekenen</b>	<p>Gegeven is de functie  <math>f(x)=1,5x^2 + 4x - 5</math>            Bereken de exacte waarde van  <math>f(2\frac{1}{7})</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 Voer de formule in. (GR notaties gebruiken)</li> <li>2 Venster instellen. (Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn) Plot de grafiek</li> <li>3 Bereken <math>f(2\frac{1}{7})</math></li> <li>4 Ga naar basisscherm</li> <li>5 Bereken de exacte waarde</li> </ol>	<p>Voer in <math>y_1 = 1.5 x^2 + 4x - 5</math>            Venster <math>[-11,10] \times [-10,10]</math></p> <p>[TRACE] 2+1:7 geeft 10,4591...            [ALPHA] [1] geeft y[ENTER] geeft 10,451...            [MATH] fraction geeft <math>\frac{1025}{98} = 10\frac{45}{98}</math></p> <p>Dus <math>f(2\frac{1}{7}) = 10\frac{45}{98}</math></p>
<b>10 Hellinggrafieken plotten</b>	<p>Plot in één figuur de grafiek en de hellinggrafiek van <math>f(x) = 0,5x^3</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 Voer de formule in. (GR notaties gebruiken)</li> <li>2 Venster instellen. (Alle bijzonderheden moeten op het scherm te zien zijn)</li> <li>3 Voer de hellinggrafiek in</li> <li>4 Plot de grafieken</li> </ol>	<p>Voer in <math>y_1 = 0.5x^3</math>            Venster <math>[-5,5] \times [-10,15]</math></p> <p>Voer in <math>y_2 = [\text{MATH}] \text{nDeriv}(y_1, x, x)</math> (oud)            of <math>y_2 = [\text{MATH}] \text{nDeriv} \frac{d}{dx} (y_1) \Big _{x=x}</math></p> 
<b>11 Permutaties</b>	<p>Op hoeveel manieren kunnen 5 personen plaatsnemen op 8 stoelen?</p> <p>1. Basisscherm permutatie invoeren  <math>7[\text{MATH}][\text{PRB}] \text{nPr } 5</math>            Noteer het antwoord.</p>	<p>Permutatie van 5 uit 8.  <math>8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 = 6720</math>            Dus het aantal manieren is 6720</p>
<b>12 Faculteit</b>	<p>Op hoeveel manieren kunnen 8 personen plaatsnemen op 8 stoelen?</p> <p>Basisscherm faculteit invoeren  <math>7[\text{MATH}][\text{PRB}] !</math>            Noteer het antwoord.</p>	<p><math>8! = 40320</math>            Dus het aantal manieren is 40320.</p>
<b>13 Combinaties</b>	<p>Op hoeveel manieren kan uit een selectie van 15 personen er vier spelers worden gekozen.</p> <p>Basisscherm combinatie invoeren  <math>15 [\text{MATH}][\text{PRB}] \text{nCr } 4</math>            Noteer het antwoord.</p>	<p>Combinatie van 4 uit 15.  <math>\binom{15}{4} = 1365</math>            Dus het aantal manieren is 1365</p>

<p><b>14 Binomiale kansen</b></p>	<p><b>Wat moet je doen</b>          In een vaas zitten zes rode en vier witte knikkers.          Geeke pakt met terugleggen acht keer een knikker uit de vaas.          Bereken de kans dat zij vier rode knikkers pakt.</p> <p>Basisscherm          binomiale verdeling invoeren          Vermeld X, n en p          Noteer het antwoord</p>	<p><b>Uitwerking in je schrift</b></p> <p>Binomiale verdeling          X= aantal rode knikkers          n= 8 en p = 0,6          [DISTR]binompdf (8,0.6,4) geeft 0,23224...          Dus <math>P(X=4) \approx 0,232</math></p>
<p><b>15 Cumulatieve binomiale kansen</b></p>	<p>In een vaas zitten zes rode en vier witte knikkers.          Geeke pakt met terugleggen acht keer een knikker uit de vaas.          Bereken de kans dat zij hoogstens vijf knikkers pakt.</p> <p>Basisscherm          binomiale verdeling invoeren          Vermeld X, n en p          Noteer het antwoord</p>	<p>Binomiale verdeling          X= aantal rode knikkers          n= 8 en p = 0,6          [DISTR] binomcdf (8,0.6,5)          geeft 0,68460...          Dus <math>P(X \leq 5) \approx 0,685</math></p>
<p><b>16 Oppervlakte onder een normaalkromme berekenen</b></p>	<p>Bereken de oppervlakte van het grijze gebied.</p>  <p>linker grens, rechtergrens, <math>\mu</math> en <math>\sigma</math> invoeren</p>	<p>Normale verdeling</p> <p>[DISTR] normalcdf(28.5,34.2,32,4) geeft 0,51805...          Dus de gevraagde oppervlakte is 0,518</p>
<p><b>17 De grens bereken bij de aangegeven oppervlakte</b></p>	<p>De oppervlakte van het gebied onder de kromme links van a is 0,218.          Bereken a.</p>  <p>oppervlakte, <math>\mu</math> en <math>\sigma</math> invoeren</p>	<p>Normale verdeling</p> <p>[DISTR] : invNorm(0.218,32,4) geeft 28,884          Dus <math>a \approx 28,9</math></p>

<p><b>18 Kansen bereken bij een normale verdeling</b></p>	<p><b>Wat moet je doen</b></p> <p>Op een visafslag wordt een partij sardientjes aangeboden met een gemiddelde lengte van 11,5 cm en een standaardafwijking van 1,8 cm. Hoeveel procent van de sardientjes zijn minder dan 9 cmlang?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Klokvorm tekenen</li> <li>2. Gegevens vermelden in de tekening</li> <li>3. <math>\mu</math> en <math>\sigma</math> vermelden</li> <li>4. Percentage berekenen</li> </ol>	<p><b>Uitwerking in je schrift</b></p> <p>Normale verdeling  <math>X = \text{lengte in cm}</math></p>  <p><math>\mu = 11,5 \text{ cm}</math>  <math>\sigma = 1,8 \text{ cm}</math></p> <p>[DISTR] normalcdf (-10<sup>99</sup>, 9, 11.5, 1.8) geeft 0,08243.....  Dus <math>P(X) &lt; 9) = 0,082</math>  Dus 8,2% weegt minder dan 9 cm.</p>																
<p><b>19 Berekenen van het gemiddelde bij een normale verdeling</b></p>	<p>Van een andere partij sardientjes is de standaardafwijking ook 1,8 cm. 70% van de sardientjes heeft een lengte tussen de 8 en 13 cm. Bereken het gemiddelde.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Klokvorm tekenen</li> <li>2. Gegevens vermelden in de tekening</li> <li>3. <math>\mu</math> en <math>\sigma</math> vermelden</li> <li>4. Gegevens invoeren in het basisscherem</li> <li>5. Gemiddelde berekenen</li> </ol>	<p>Normale verdeling  <math>X = \text{lengte in cm}</math></p>  <p><math>\mu = \dots \text{ cm}</math>  <math>\sigma = 1,4 \text{ cm}</math></p> <p>[DISTR] invNorm(0,7,x, 1,8) geeft 11,263..  Dus het gemiddelde is 11,3 cm.</p>																
<p><b>20 Berekenen van het gemiddelde en de standaardafwijking</b></p>	<table border="1" data-bbox="518 1209 949 1332"> <tbody> <tr> <td>cijfer</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>7</td> <td>8</td> <td>9</td> </tr> <tr> <td>freq.</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>8</td> <td>6</td> <td>5</td> <td>3</td> </tr> </tbody> </table> <p>Bereken het gemiddelde en de standaardafwijking.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Voer twee lijsten in.</li> <li>2. Ga terug naar het basisscherem</li> <li>3. Bereken het gemiddelde en de mediaan</li> </ol> <p>Verdwenen lijsten.  Kies in het menu [STAT][EDIT] de optie 5:SetUpEditor en druk op ENTER na het verschijnen van SetUpEditor in het basisscherem.</p>	cijfer	3	4	5	6	7	8	9	freq.	1	2	4	8	6	5	3	<p>[STAT] [EDIT]  Voer in <math>L_1 = \{3,4,5,6,7,8,9\}</math>  <math>L_2 = \{1,2,4,8,6,5,3\}</math>  [STAT] [CALC] : 1-Var Stats <math>L_1, L_2</math> geeft  <math>\bar{x} = 6,482 \dots</math> en <math>\sigma = 1,52 \dots</math></p> <p>Dus het gemiddelde is 6,5 en de standaardafwijking is 1,5.</p>
cijfer	3	4	5	6	7	8	9											
freq.	1	2	4	8	6	5	3											

	<b>Wat moet je doen</b>	<b>Uitwerking in je schrift</b>
<b>21 De wetenschappelijk notatie instellen</b>	<p>Op de eerste regel in het Mode-menu staat NORMAL SCI ENG Met de instelling NORMAL krijg je de gewone getallen notatie.</p> <p>Met de instelling SCI komt elk getal in de wetenschappelijk notatie .</p> <p>Het getal 48 378 wordt in de wetenschappelijke notatie weergegeven als 4.8378 E4</p> <p>Hetgetal 0,000054 wordt in de wetenschappelijke notatie weergegeven als 5.4 E-5</p> <p>Met de toets EE ([2ND][ , ]) kun je het getal <math>5,387 \cdot 10^{-5}</math> rechtstreeks invoeren in de wetenschappelijke notatie. 5.387 [EE] [( - )] 5</p>	<p><math>4,8378 \cdot 10^4</math></p> <p><math>5,4 \cdot 10^{-5}</math></p> <p><math>5,387 \cdot 10^{-5}</math></p>
<b>22 Afronden op de GR</b>	<p>Op de tweede regel in het MODE-menu staat float 0123456789 Door op deze regel de cursor op b.v. 2 te zetten , rondt de GR elk getal af op twee decimalen. Dit heet de Fix2- instelling</p> <p>Het getal 458923 wordt dan in de wetenschappelijke notatie weergegeven als 4.59 E5</p>	<p><math>4,59 \cdot 10^5</math></p>
<b>23 Het gebruik van lettergeheugens</b>	<p>Met de knop [STO] kun je een getal opslaan in een geheugen. Daarvoor zijn de letters A,B,C,D .... beschikbaar. De letters staan in het groen boven enkele toetsen. Druk dus eerst de groene ALPHA toets in. A krijg je door in te toetsen [ALPHA][MATH] X krijg je door in te toetsen [ALPHA][STO]</p> <p>Zet 25 in geheugenplaats C 25[STO][C]</p> <p>NB! De GR zet standaard bij het berekenen van snijpunten met de optie 5:intersect uit het [CALC] menu de x-coördinaat van het snijpunt in geheugenplaats X en de y-coördinaat in geheugenplaats Y</p>	<p><math>25 \rightarrow C</math></p>